

کار در مختصات (فصل 1)

1- حشره ای بر روی یک میز دورا با سرعت زاویه ای ثابت در حال خیزیدن روی خط شعاعی و به طرف مرکز دوران است. موقعیت زره در دستگاه مختصات قطبی به صورت $\theta = \omega t + \frac{1}{2}$ و $r = \frac{1}{2} \omega t^2$ بیان می شود. اندازه سرعت و شتاب این حشره را بیابید.

2- بردار $\vec{A} = a e^{-kt} \hat{i} + b t \hat{j} + k \hat{k}$ تعریف می شود. مطلوب است محاسبه ی الف) $\frac{d\vec{A}}{dt}$ ب) $\frac{d|\vec{A}|}{dt}$ ج) $\frac{d}{dt}(\vec{A} \cdot \vec{B})$ د) $\frac{d}{dt}(\vec{A} \times \vec{B})$

$\vec{B} = c \sin \omega t \hat{j} + d \cos \omega t \hat{j}$

3- نشان دهید که حاصل ضرب به گونه نره ای می تواند به شکل درمیان به صورت زیر نوشته شود:

$$\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C}) = \begin{vmatrix} A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \\ C_x & C_y & C_z \end{vmatrix}$$

4- حرکت نقطه ای در دستگاه دکارتی به صورت $x = 6t$ ، $y = 10t$ ، $z = t^3 + 10$ بیان شده است. برداری ملحق، سرعت و شتاب نقطه را در دستگاه استوانه ای بیان کنید.

5- به بردار $\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ ، $\vec{B} = 2\hat{j} + \hat{k}$ و $\vec{C} = 3\hat{i} - 5\hat{j}$ معلوم کنید کمیت های زیر را بیابید.

الف) $\vec{B} \cdot (\vec{C} \times \vec{A})$ ب) $\vec{B} \times (\vec{C} \times \vec{A})$ ج) $\vec{A} \cdot (\vec{B} + \vec{C})$

6- ثابت کنید در دستگاه مختصات کروی $\hat{r} \times \hat{\theta} = \hat{\phi}$ است.